

ANÁLISIS SÍSMICO ESTÁTICO LINEAL ELÁSTICO

Ing. Erly Marvin Enriquez Quispe
ing_erlyenriquez@hotmail.com

1. INTRODUCCIÓN

El análisis Sismorresistente de una estructura es de gran importancia tanto para garantizar un apropiado comportamiento frente a un evento sísmico, así como, para entender y predecir la respuesta estructural. Entender el comportamiento estructural es fundamental para poder caracterizar de manera más adecuada el nivel de daño que pueda presentar una estructura debido a un evento sísmico.

La filosofía del Diseño Sismorresistente según la Norma E.030 consiste en:

- a. Evitar pérdida de vidas humanas.
- b. Asegurar la continuidad de los servicios básicos.
- c. Minimizar los daños a la propiedad.

Se reconoce que dar protección completa frente a todos los sismos no es técnica ni económicamente factible para la mayoría de las estructuras. En concordancia con tal filosofía se establecen en la presente Norma los siguientes principios:

- a. La estructura no debería colapsar ni causar daños graves a las personas, aunque podría presentar daños importantes, debido a movimientos sísmicos calificados como severos para el lugar del proyecto.
- La estructura debería soportar movimientos del suelo calificados como moderados para el lugar del proyecto, pudiendo experimentar daños reparables dentro de límites aceptables.
- c. Para las edificaciones esenciales, definidas en la Tabla Nº 5 (Norma E.030), se tendrán consideraciones especiales orientadas a lograr que permanezcan en condiciones operativas luego de un sismo severo.

Sin embargo el estado del arte actual no puede garantizar el punto exacto de comportamiento de los edificios (punto de desempeño), en otras palabras no está lo suficientemente desarrollado como para explicar la capacidad real de las estructuras.



2. NOMENCLATURA

C: Factor de amplificación sísmica.

 C_T : Coeficiente para estimar el período fundamental de un edificio.

 d_i : Desplazamientos laterales del centro de masa del nivel i en traslación pura (restringiendo los giros en planta) debido a las fuerzas fi.

e_i: Excentricidad accidental en el nivel "i".

fi: es la fuerza lateral en el nivel i correspondiente a una distribución en altura semejante a la del primer modo en la dirección de análisis.

 F_i : Fuerza sísmica horizontal en el nivel "i".

g: Aceleración de la gravedad.

h_i: Altura del nivel "i" con relación al nivel del terreno.

 h_n : Altura total de la edificación en metros.

 M_{ti} : Momento torsor accidental en el nivel "i".

n: Número de pisos del edificio.

P: Peso total de la edificación

 P_i : Peso del nivel "i".

R: Coeficiente de reducción de las fuerzas sísmicas.

S: Factor de amplificación del suelo.

T: Período fundamental de la estructura para el análisis estático o período de un modo en el análisis dinámico.

U: Factor de uso o importancia.

V: Fuerza cortante en la base de la estructura.

Z: Factor de zona.



3. PROCEDIMIENTOS DE ANÁLISIS SÍSMICO

Existen varios procedimientos de análisis sísmico de edificios, estos procedimientos pueden ser lineales o no lineales, y estos a la vez pueden ser estáticos o dinámicos. Según el ASCE/SEI 41-13, el análisis sísmico de las estructuras se llevará a cabo mediante los procedimientos lineales (análisis estático lineal (AEL) y análisis dinámico lineal (ADL)) y procedimientos no lineales (análisis estático no lineal (AENL) y análisis dinámico no lineal (ADNL)).

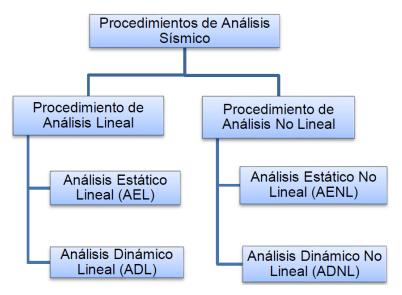


Figura 1. Procedimientos de Análisis Sísmico según el ASCE/SEI 41-13

4. PROCEDIMIENTO DE ANÁLISIS LINEAL

En el procedimiento de análisis lineal se calcula la demanda sísmica y se compara con la capacidad estructural mediante la realización de un análisis lineal elástico.

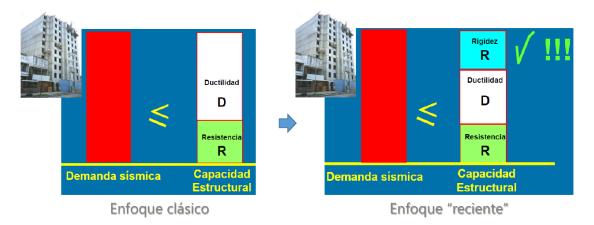


Figura 2. Demanda sísmica y capacidad estructural



La mayoría de normas de diseño sismorresistente están basados en procedimientos de análisis lineales elásticos debido a su fácil aplicación. Estos procedimientos de análisis lineales son: el análisis estático lineal y análisis dinámico lineal.

Los procedimientos de análisis lineales pueden predecir la capacidad elástica de la estructura e indicar donde ocurrirá primero la fluencia, sin embargo, estos procedimientos no predicen los mecanismos de falla y no toman en consideración la redistribución de fuerzas que se producirá cuando la fluencia avanza en la estructura. Para tener en cuenta la incursión de la estructura en el rango no lineal, las normas de diseño sismorresistente incluyen un factor de reducción "R" para reducir la fuerza sísmica el cual depende del tipo de sistema estructural.

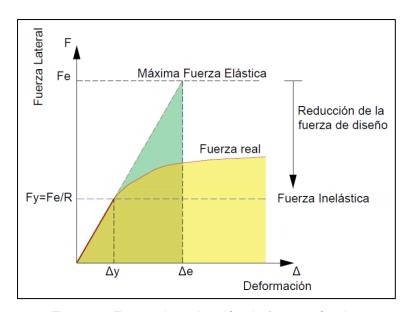


Figura 3. Factor de reducción de fuerza sísmica

En un análisis lineal las propiedades estructurales, tales como la rigidez y el amortiguamiento son constantes, no varían con el tiempo. Los desplazamientos, esfuerzos, reacciones, son directamente proporcionales a la magnitud de las fuerzas aplicadas.



5. ANÁLISIS ESTÁTICO O DE FUERZAS ESTÁTICAS EQUIVALENTES

5.1 GENERALIDADES

Este método representa las solicitaciones sísmicas mediante un conjunto de fuerzas actuando en el centro de masas de cada nivel de la edificación.

Podrán analizarse mediante este procedimiento todas las estructuras regulares o irregulares ubicadas en la zona sísmica 1, las estructuras clasificadas como regulares según el numeral 3.5 - E.030 de no más de 30 m de altura y las estructuras de muros portantes de concreto armado y albañilería armada o confinada de no más de 15 m de altura, aun cuando sean irregulares.

5.2 FUERZA CORTANTE EN LA BASE

La fuerza cortante total en la base de la estructura, correspondiente a la dirección considerada, se determinará por la siguiente expresión:

$$V = \frac{Z.U.C.S}{R}.P$$

El valor de C/R no deberá considerarse menor que:

$$\frac{C}{R} \ge 0.125$$

5.3 DISTRIBUCIÓN DE LA FUERZA SÍSMICA EN ALTURA

Las fuerzas sísmicas horizontales en cualquier nivel i, correspondientes a la dirección considerada, se calcularán mediante:

$$F_i = \alpha_i.V$$

$$\alpha_i = \frac{P_i(h_i)^k}{\sum_{j=1}^n P_j(h_j)^k}$$



Donde n es el número de pisos del edificio, k es un exponente relacionado con el período fundamental de vibración de la estructura (T), en la dirección considerada, que se calcula de acuerdo a:

- a) Para T menor o igual a 0.5 segundos: k = 1.
- b) Para T mayor que 0.5 segundos: $k = (0.75 + 0.5 T) \le 2$.

5.4 PERÍODO FUNDAMENTAL DE VIBRACIÓN

El período fundamental de vibración para cada dirección se estimará con la siguiente expresión:

$$T = \frac{h_n}{C_T}$$

Donde:

CT = 35 Para edificios cuyos elementos resistentes en la dirección considerada sean únicamente:

- a) Pórticos de concreto armado sin muros de corte.
- b) Pórticos dúctiles de acero con uniones resistentes a momentos, sin arriostramiento.

CT = 45 Para edificios cuyos elementos resistentes en la dirección considerada sean:

- a) Pórticos de concreto armado con muros en las cajas de ascensores y escaleras.
- b) Pórticos de acero arriostrados.

CT = 60 Para edificios de albañilería y para todos los edificios de concreto armado duales, de muros estructurales, y muros de ductilidad limitada.

Alternativamente podrá usarse la siguiente expresión:

$$T = 2\pi. \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} P_i. d_i^2}{g.\sum_{i=1}^{n} f_i. d_i}}$$

Donde:

- f_i es la fuerza lateral en el nivel i correspondiente a una distribución en altura semejante a la del primer modo en la dirección de análisis.
- di es el desplazamiento lateral del centro de masa del nivel i en traslación pura (restringiendo los giros en planta) debido a las fuerzas fi. Los desplazamientos se calcularán suponiendo comportamiento lineal elástico de la estructura y, para el caso de estructuras de concreto armado y de albañilería, considerando las secciones sin fisurar.



Cuando el análisis no considere la rigidez de los elementos no estructurales, el período fundamental T deberá tomarse como 0,85 del valor obtenido con la fórmula precedente.

5.5 EXCENTRICIDAD ACCIDENTAL

Para estructuras con diafragmas rígidos, se supondrá que la fuerza en cada nivel (F_i) actúa en el centro de masas del nivel respectivo y debe considerarse además de la excentricidad propia de la estructura el efecto de excentricidades accidentales (en cada dirección de análisis) como se indica a continuación:

a) En el centro de masas de cada nivel, además de la fuerza lateral estática actuante, se aplicará un momento torsor accidental (M_{ti}) que se calcula como:

$$M_{ti} = \pm F_i \cdot e_i$$

Para cada dirección de análisis, la excentricidad accidental en cada nivel (e_i), se considerará como 0.05 veces la dimensión del edificio en la dirección perpendicular a la dirección de análisis.

b) Se puede suponer que las condiciones más desfavorables se obtienen considerando las excentricidades accidentales con el mismo signo en todos los niveles. Se considerarán únicamente los incrementos de las fuerzas horizontales no así las disminuciones.

5.6 FUERZAS SÍSMICAS VERTICALES

La fuerza sísmica vertical se considerará como:

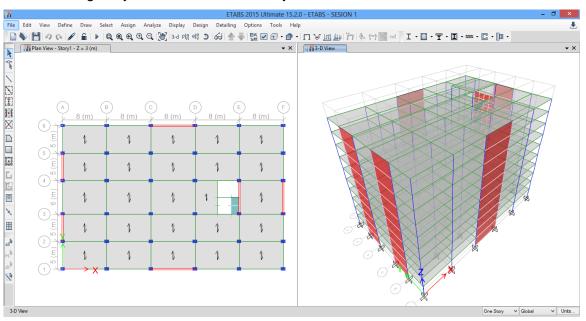
$$F_V = \frac{2}{3}.Z.U.S.P$$

En elementos horizontales de grandes luces, incluyendo volados, se requerirá un análisis dinámico con los espectros definidos en el numeral 4.6.2. – E.030.

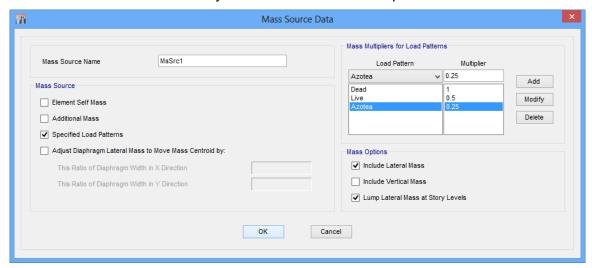


6. ANÁLISIS SÍSMICO ESTÁTICO LINEAL ELÁSTICO EN ETABS 2015

Abrir el archivo de la Modelación del Edificio de 10 Pisos en ETABS 2015. Asumiremos que el techo de escaleras y ascensor no influye en la respuesta total de la estructura, por lo que si podemos realizar el análisis sísmico estático lineal elástico al ser una estructura regular y tener una altura no mayor a 30 m.

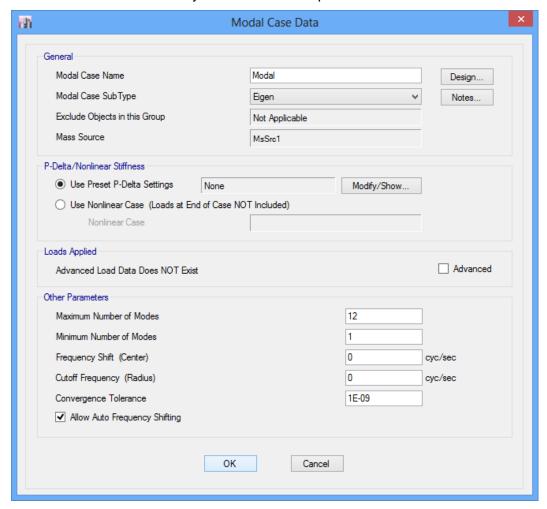


2) Ir a Define/ Mass Source/ Modify Show Mass Source/ Completar la información/ OK.

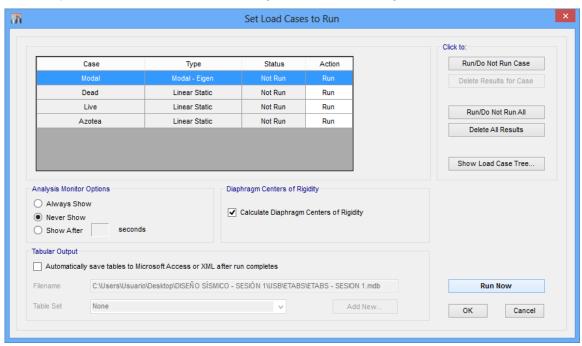




3) Ir a Define/ Modal Cases/ Modify Show Case/ Completar la información/ OK.

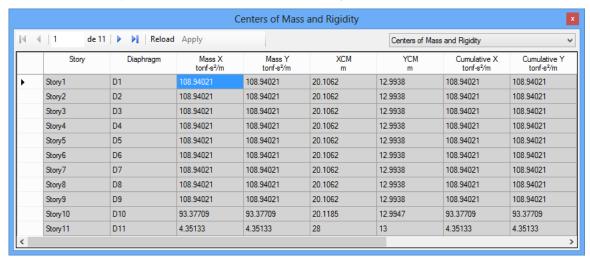


4) Ir a Analyze/ Set Load Case to Run/ Elegir los casos de carga a analizar/ Run Now.

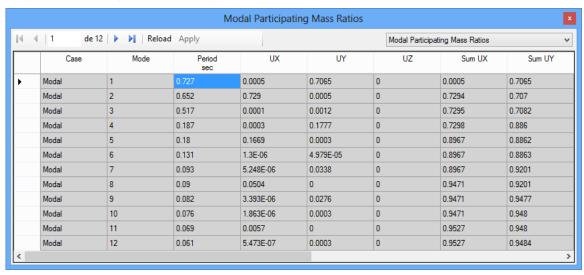




5) Ir a Display/ Show Tables/ Seleccionar Analysis/ OK/ Centers of Mass and Rigidity/ Copiar en una hoja de Excel las columnas Mass X y Mass Y.



6) Ir a Display/ Show Tables/ Seleccionar Analysis/ OK/ Modal Participating Mass Ratios/ Copiar en una hoja de Excel el período en la dirección X e Y.





7) Determinar las fuerzas estáticas equivalentes en las direcciones X e Y.

ANÁLISIS ESTÁTICO O DE FUERZAS ESTÁTICAS EQUIVALENTES Norma Técnica E.030 Diseño Sismorresistente

Ing. Erly Marvin Enriquez Quispe ing_erlyenriquez@hotmail.com

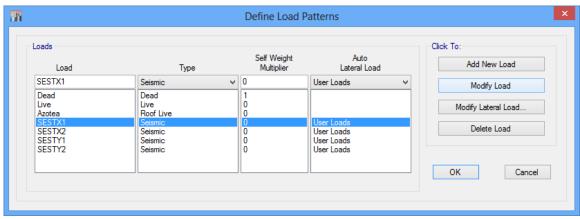
Z: Factor de zona	0.45
U: Factor de uso o importancia	1.50
S: Factor de amplificación del suelo	1.00
T _P : Periodo que define la plataforma del factor C (s)	0.40
T _X : Periodo natural en la dirección X (s)	0.652
T _Y : Periodo natural en la dirección Y (s)	0.727
C _X : Factor de amplificación sísmica en X	1.53
C _Y : Factor de amplificación sísmica en Y	1.38
R _X : Coeficiente de reducción sísmico en X	7.00
R _Y : Coeficiente de reducción sísmico en Y	6.00
P: Peso sísmico de la edificación (Tn)	10573.44
V _X : Fuerza cortante en la base en la dirección X	1563.77
V _Y : Fuerza cortante en la base en la dirección X	1636.19

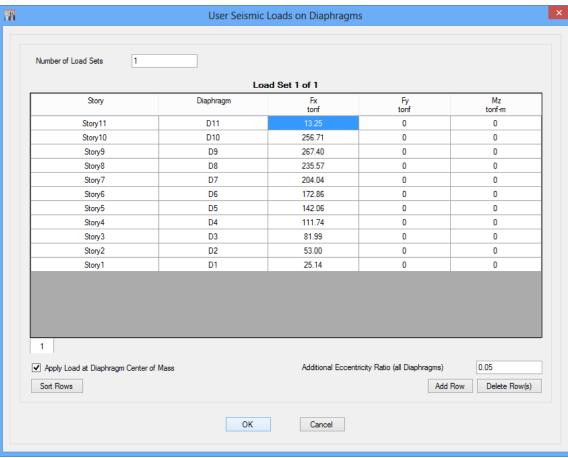
FUERZAS ESTÁTICAS EQUIVALENTES EN LA DIRECCIÓN X								
Nivel	he _i (m)	h _i (m)	Masa tonf-s²/m	P _i (Tn)	P _i (h _i) ^k (Tn-m)	F _i (Tn)	V _i (Tn)	
Story11	3.00	33.00	4.35	42.67	1836.81	13.25	13.25	
Story10	3.00	30.00	93.38	915.72	35574.88	256.71	269.97	
Story9	3.00	27.00	108.94	1068.34	37055.81	267.40	537.36	
Story8	3.00	24.00	108.94	1068.34	32644.96	235.57	772.93	
Story7	3.00	21.00	108.94	1068.34	28275.93	204.04	976.97	
Story6	3.00	18.00	108.94	1068.34	23954.22	172.86	1149.83	
Story5	3.00	15.00	108.94	1068.34	19687.16	142.06	1291.89	
Story4	3.00	12.00	108.94	1068.34	15484.88	111.74	1403.63	
Story3	3.00	9.00	108.94	1068.34	11362.50	81.99	1485.63	
Story2	3.00	6.00	108.94	1068.34	7345.13	53.00	1538.63	
Story1	3.00	3.00	108.94	1068.34	3484.11	25.14	1563.77	
SUMA				10573.44	216706.39	1563.77		

FUERZAS ESTÁTICAS EQUIVALENTES EN LA DIRECCIÓN Y							
Nivel	he _i	h _i	Masa	Pi	P _i (h _i) ^k	Fi	V _i
	(m)	(m)	tonf-s²/m	(Tn)	(Tn-m)	(Tn)	(Tn)
Story11	3.00	33.00	4.35	42.67	2094.15	14.15	14.15
Story10	3.00	30.00	93.38	915.72	40414.34	273.00	287.14
Story9	3.00	27.00	108.94	1068.34	41930.73	283.24	570.38
Story8	3.00	24.00	108.94	1068.34	36776.81	248.42	818.81
Story7	3.00	21.00	108.94	1068.34	31695.68	214.10	1032.91
Story6	3.00	18.00	108.94	1068.34	26696.53	180.33	1213.24
Story5	3.00	15.00	108.94	1068.34	21791.47	147.20	1360.44
Story4	3.00	12.00	108.94	1068.34	16997.19	114.81	1475.26
Story3	3.00	9.00	108.94	1068.34	12338.37	83.34	1558.60
Story2	3.00	6.00	108.94	1068.34	7855.62	53.06	1611.67
Story1	3.00	3.00	108.94	1068.34	3630.64	24.52	1636.19
SUMA				10573.44	242221.54	1636.19	



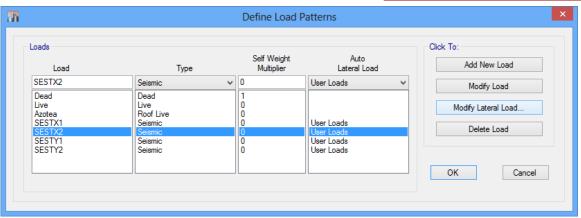
8) Ir a Define/ Load Patterns/ Definir los siguientes patrones de carga/ Modify Lateral Load/ Completar la información/ OK.

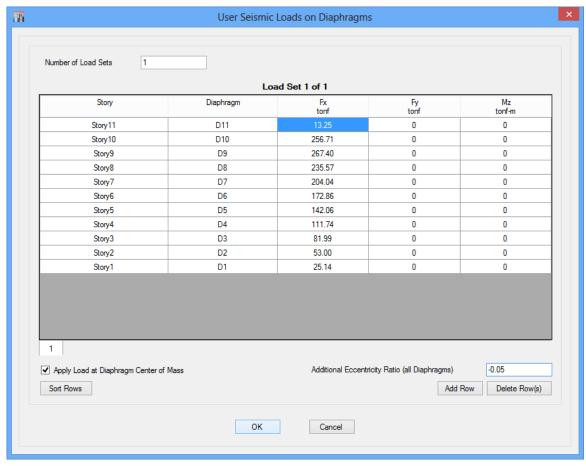






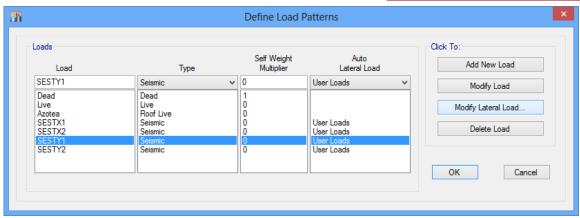


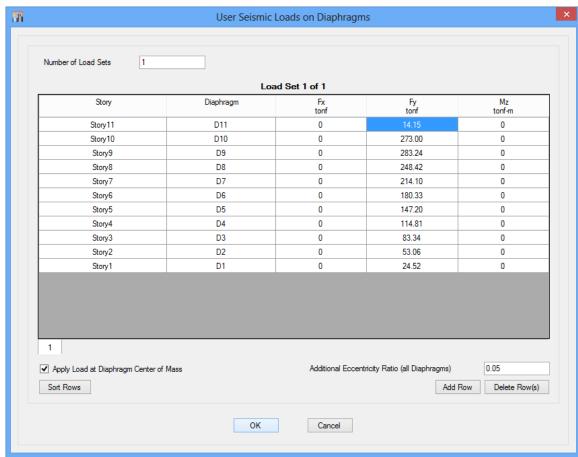




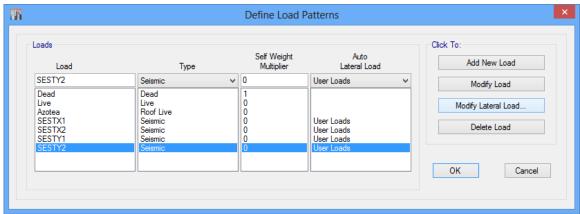


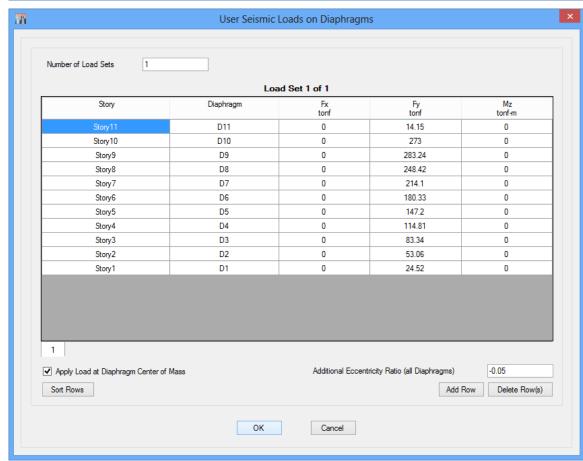






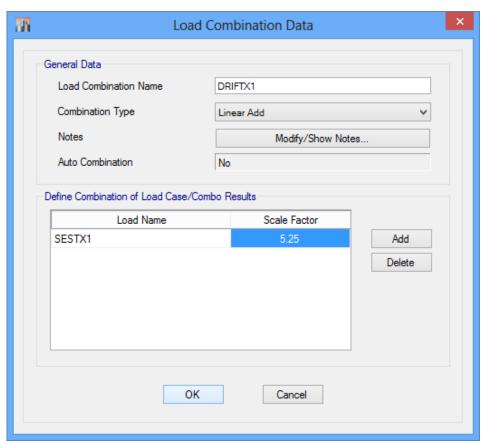


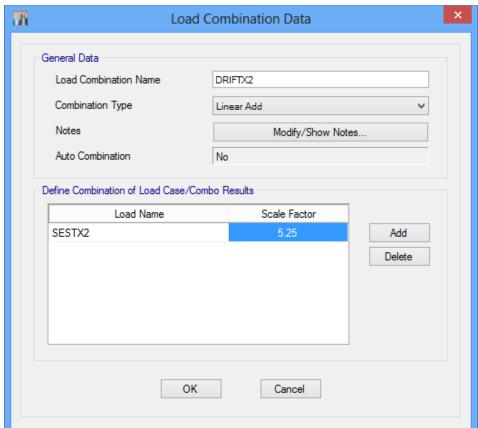




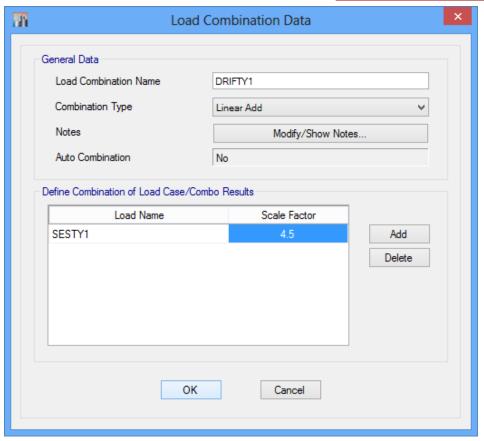


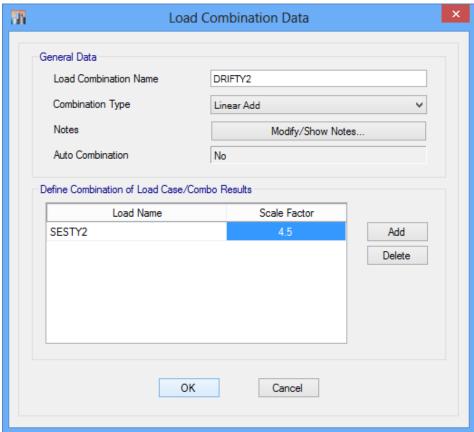
9) Ir a Define/ Load Combinations/ Add New Combo/ OK.





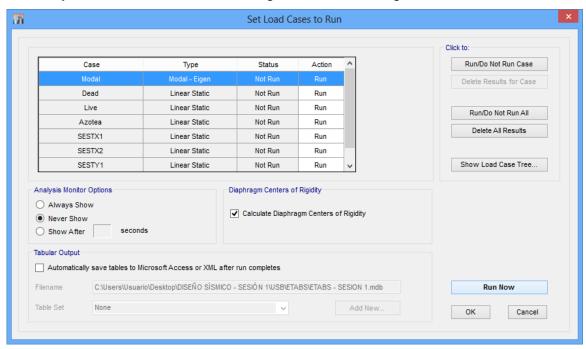




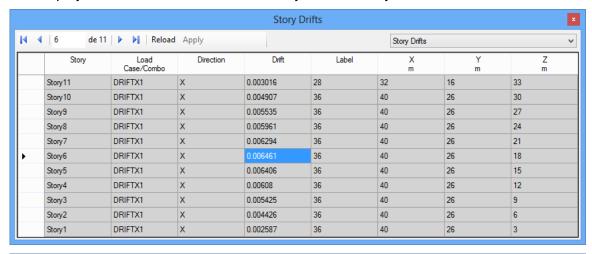


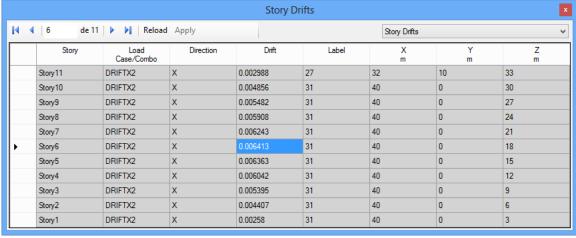


10) Ir a Analyze/ Set Load Case to Run/ Elegir los casos de carga a analizar/ Run Now.

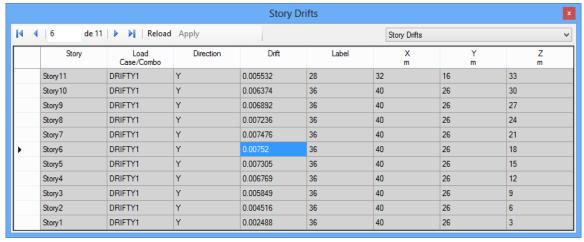


11) Ir a Display/ Show Tables/ Seleccionar Analysis/ OK/ Story Drifts.











7. CONCLUSIONES

- En un Análisis Sísmico Estático Lineal Elástico, las distorsiones son mayores al máximo que indica la norma E.030 de 0.007 en la dirección Y.

8. BIBLIOGRAFÍA

- Decreto Supremo que Modifica la Norma Técnica E.030 "Diseño Sismorresistente"
 del Reglamento Nacional de Edificaciones, Aprobada por Decreto Supremo N° 011-2006-Vivienda, modificada con decreto supremo N° 002-2014-Vivienda.
- CSI Analysis Reference Manual. ETABS 2015 Integrated Building Design Software.
- Ing. Erly Marvin Enriquez Quispe. Modelación de un Edificio de 10 Pisos en ETABS 2015.